

WYPEŁNIA ZDAJĄCY  
ЗАПОВНЮЄ ОСОБА, ЯКА СКЛАДАЄ ІСПИТ

KOD КОД

--	--	--

PESEL PESEL

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Miejsce na naklejkę.

Місце для наклейки.

Sprawdź czy kod na naklejce to  
Перевірте, чи є код на наклейці

**E-100**

Jeżeli tak – to przyklej naklejkę

Якщо так - то наклейте наклейку

Jeżeli nie – to zgłoś to nauczycielowe

Якщо ні - повідомте про це вчителю

# EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

## ІСПИТ З МАТЕМАТИКИ

### POZIOM PODSTAWOWY

#### БАЗОВИЙ РІВЕНЬ

DATA: 5 maja 2021 r.

ДАТА: 5 травня 2021 року

GODZINA ROZPOCZĘCIA: 9:00

ГОДИНА ПОЧАТКУ: 9:00

CZAS PRACY: 170 minut

ЧАС РОБОТИ: 170 хвилин

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: 45

КІЛЬКІСТЬ БАЛІВ, ЯКІ МОЖНА ОТРИМАТИ: 45

WYPEŁNIA ZESPÓŁ NADZORUJĄCY  
ЗАПОВНИТЬСЯ КОНТРОЛЬНОЮ ГРУПАМИ

Uprawnienia zdającego do:

Права кандидата на:

- dostosowania zasad oceniania  
коригування правил оцінювання
- dostosowania w zw. z dyskalkulią  
коригування у зв'язку з з дискалькулією
- nieprzenoszenia zaznaczeń na kartę.  
не переносити виділення на картку.

#### Instrukcja dla zdającego

##### Інструкція для кандидата

- Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 25 stron (zadania 1–35).  
**1. Переконайтеся, що текстовий аркуш містить 25 сторінок (завдання 1-35).**
- Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.  
**2. Про можливу відсутність аркуша необхідно повідомити голову екзаменаційної комісії.**
- Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.  
**3. На цій сторінці та в бланку відповідей введіть свій номер PESEL та приклейте наклейку з кодом.**
- Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.  
**4. Не вводьте жодних символів у розділ, призначений для екзаменатора.**
- Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.  
**5. Розв'язки завдань і відповіді запишіть у відведене для цього місце.**
- Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–28) zaznacz na karcie odpowiedzi w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj pola  do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem  i zaznacz właściwe.  
**6. Відповіді до закритих завдань (1-28) на бланку відповідей у частині бланка, призначеній для кандидата. Зафарбуйте  призначені для цього поля. Обведіть кружком неправильний вибір  і позначте правильний.**
- Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (29–35) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.  
**7. Пам'ятайте, що пропуск аргументів або обчислень під час розв'язування відкритої задачі (29–35) може призвести до того, що ви не отримаєте повну кількість балів за це завдання.**
- Pisz czytelnie i używaj tylko długopisu lub pióra z czarnym tuszem lub atramentem.  
**8. Пишіть розбірливо і використовуйте тільки кулькову ручку або ручку з чорним чорнилом.**
- Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.  
**9. Не використовуйте коректор, а помилки перекресліть.**
- Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.  
**10. Пам'ятайте, що записи в чернетці не оцінюватимуться.**
- Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.  
**11. Можна використовувати набір математичних формул, циркуль і лінійку, а також простий калькулятор.**



EMAP-P0-100-2105

W każdym z zadań od 1. do 28. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi poprawną odpowiedź.

### Zadanie 1. (0–1)

Liczba  $100^5 \cdot (0,1)^{-6}$  jest równa

**Номер  $100^5 \cdot (0,1)^{-6}$  дорівнює**

- A.  $10^{13}$                       B.  $10^{16}$                       C.  $10^{-1}$                       D.  $10^{-30}$

### Zadanie 2. (0–1)

Liczba 78 stanowi 150% liczby  $c$ . Wtedy liczba  $c$  jest równa

**Число 78 становить 150% числа  $c$ . Тоді число  $c$  дорівнює**

- A. 60                              B. 52                              C. 48                              D. 39

### Zadanie 3. (0–1)

Rozważamy przedziały liczbowe  $(-\infty, 5)$  i  $(-1, +\infty)$ . Ile jest wszystkich liczb całkowitych, które należą jednocześnie do obu rozważanych przedziałów?

**Розглянемо числові діапазони  $(-\infty, 5)$  і  $(-1, +\infty)$ . Скільки існує цілих чисел, що належать до обох діапазонів одночасно?**

- A. 6                                      B. 5                                      C. 4                                      D. 7

### Zadanie 4. (0–1)

Suma  $2\log\sqrt{10} + \log 10^3$  jest równa

**Сума  $2\log\sqrt{10} + \log 10^3$  дорівнює**

- A. 2                                      B. 3                                      C. 4                                      D. 5

### Zadanie 5. (0–1)

Różnica  $0, (3) - \frac{23}{33}$  jest równa

**Різниця  $0, (3) - \frac{23}{33}$  дорівнює**

- A.  $-(0,39)$                       B.  $-\frac{39}{100}$                       C.  $-0,36$                       D.  $-\frac{4}{11}$

### Zadanie 6. (0–1)

Zbiorem wszystkich rozwiązań nierówności  $\frac{2-x}{2} - 2x \geq 1$  jest

**Множина всіх розв'язків нерівності  $\frac{2-x}{2} - 2x \geq 1$  є**

- A.  $(0, +\infty)$                       B.  $(-\infty, 0)$                       C.  $(-\infty, 5)$                       D.  $(-\infty, \frac{1}{3})$



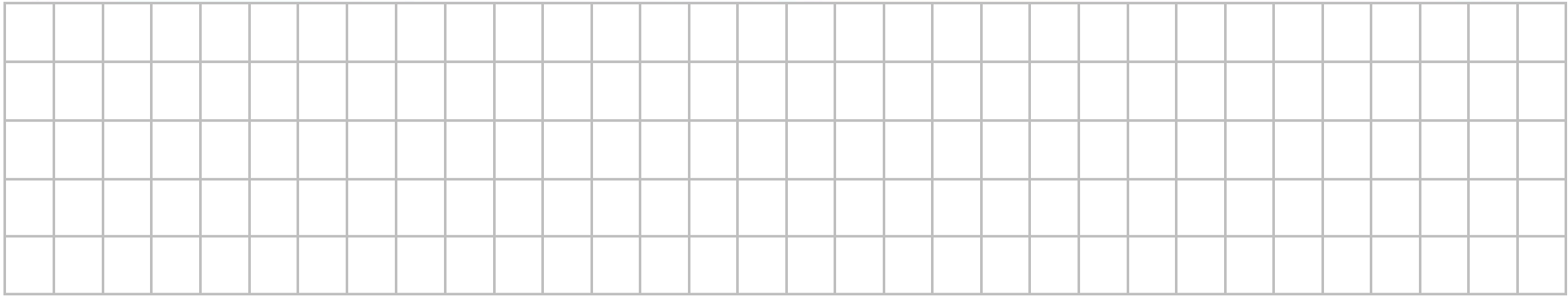












### Zadanie 14. (0–1)

Ciąg  $(b_n)$  jest określony wzorem  $b_n = 3n^2 - 25n$  dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ . Liczba niedodatnich wyrazów ciągu  $(b_n)$  jest równa

**Послідовність  $(b_n)$  задається формулою  $b_n = 3n^2 - 25n$  для кожного натурального числа  $n \geq 1$ . Кількість непозитивних слів у рядку  $(b_n)$  дорівнює**

A. 14

B. 13

C. 9

D. 8

### Zadanie 15. (0–1)

Ciąg arytmetyczny  $(a_n)$  jest określony dla każdej liczby naturalnej  $n \geq 1$ . Trzeci i piąty wyraz ciągu spełniają warunek  $a_3 + a_5 = 58$ . Wtedy czwarty wyraz tego ciągu jest równy

**Арифметична послідовність  $(a_n)$  визначається для кожного цілого числа  $n \geq 1$ . Третій і п'ятий члени послідовності задовольняють умову  $a_3 + a_5 = 58$ . Тоді четвертий член послідовності дорівнює**

A. 28

B. 29

C. 33

D. 40

### Zadanie 16. (0–1)

Dla każdego kąta ostrego  $\alpha$  iloczyn  $\frac{\cos \alpha}{1 - \sin^2 \alpha} \cdot \frac{1 - \cos^2 \alpha}{\sin \alpha}$  jest równy

**Для кожного гострого кута  $\alpha$  добуток  $\frac{\cos \alpha}{1 - \sin^2 \alpha} \cdot \frac{1 - \cos^2 \alpha}{\sin \alpha}$  дорівнює**

A.  $\sin \alpha$

B.  $\operatorname{tg} \alpha$

C.  $\cos \alpha$

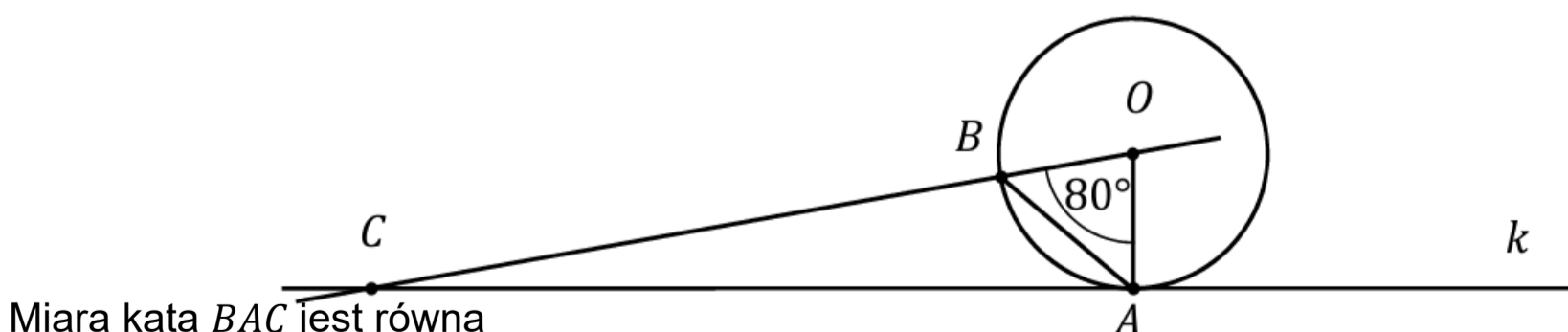
D.  $\sin^2 \alpha$

### Zadanie 17. (0–1)

Prosta  $k$

jest styczna w punkcie  $A$  do okręgu o środku  $O$ . Punkt  $B$  leży na tym okręgu i miara kąta  $AOB$  jest równa  $80^\circ$ . Przez punkty  $O$  i  $B$  poprowadzono prostą, która przecina prostą  $k$  w punkcie  $C$  (zobacz rysunek).

**Пряма  $k$  є дотичною в точці  $A$  до кола з центром  $O$ . Точка  $B$  лежить на цьому колі, а міра кута  $AOB$  дорівнює  $80^\circ$ . Через точки  $O$  і  $B$  проведено пряму, яка перетинає пряму  $k$  в точці  $C$  (див. малюнок).**

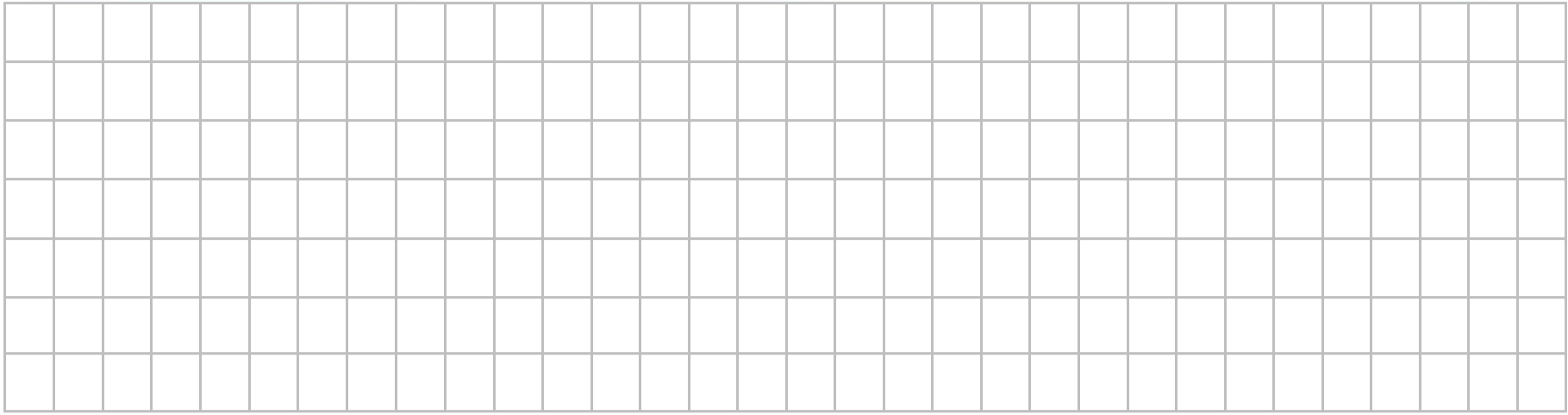


Miara kąta  $BAC$  jest równa

**Міра кута  $BAC$  дорівнює**



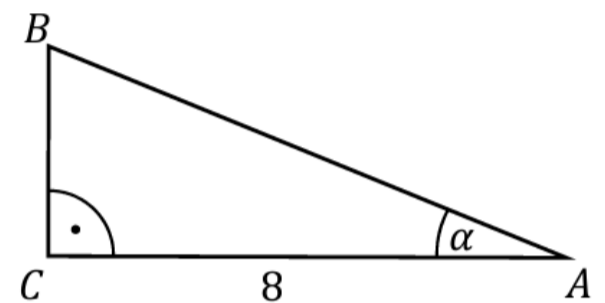




**Zadanie 18. (0–1)**

Przyprostokątna  $AC$  trójkąta prostokątnego  $ABC$  ma długość 8 oraz  $\operatorname{tg}\alpha = \frac{2}{5}$  (zobacz rysunek)

**Сторона прямокутного трикутника  $ABC$  дорівнює 8 і  $\operatorname{tg}\alpha = \frac{2}{5}$  (див. малюнок)**



Pole tego trójkąta jest równe

**Площа цього трикутника дорівнює**

- A. 12                      B.  $\frac{37}{3}$                       C.  $\frac{62}{5}$                       D.  $\frac{64}{5}$

**Zadanie 19. (0–1)**

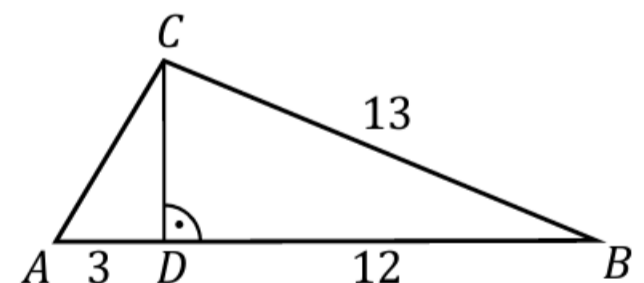
Pole pewnego trójkąta równobocznego jest równe  $\frac{4\sqrt{3}}{9}$ . Obwód tego trójkąta jest równy

**Площа рівностороннього трикутника дорівнює  $\frac{4\sqrt{3}}{9}$ . Периметр трикутника дорівнює**

- A. 4                      B. 2                      C.  $\frac{4}{3}$                       D.  $\frac{2}{3}$

**Zadanie 20. (0–1)**

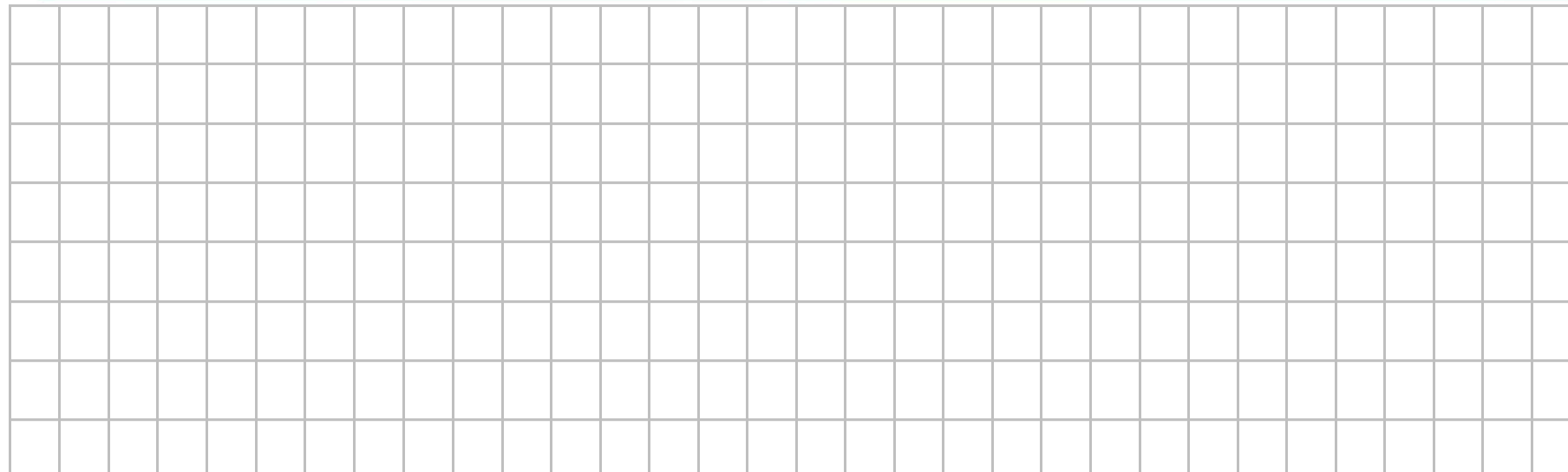
W trójkącie  $ABC$  bok  $BC$  ma długość 13, a wysokość  $CD$  tego trójkąta dzieli bok  $AB$  na odcinki o długościach  $|AD| = 3$  i  $|BD| = 12$  (zobacz rysunek obok). Długość boku  $AC$  jest równa



**У трикутнику  $ABC$  сторона  $BC$  має довжину 13, а висота  $CD$  цього трикутника ділить сторону  $AB$  на відрізки довжини  $|AD| = 3$  і  $|BD| = 12$  (див. малюнок справа). Довжина сторони  $AC$  дорівнює**

- A.  $\sqrt{34}$                       B.  $\frac{13}{4}$                       C.  $2\sqrt{14}$                       D.  $3\sqrt{45}$

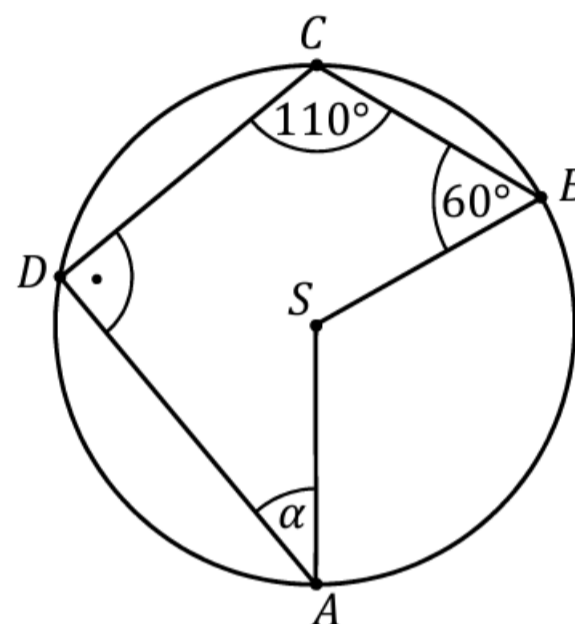




**Zadanie 21. (0–1)**

Punkty  $A, B, C$  i  $D$  leżą na okręgu o środku  $S$ . Miary kątów  $SBC, BCD, CDA$  są równe odpowiednio:  $|\sphericalangle SBC| = 60^\circ$ ,  $|\sphericalangle BCD| = 110^\circ$ ,  $|\sphericalangle CDA| = 90^\circ$  (zobacz rysunek).

**Точки  $A, B, C$  і  $D$  лежать на колі з центром на  $S$ . Міри кутів  $SBC, BCD, CDA$  рівні відповідно:  $|\sphericalangle SBC| = 60^\circ$ ,  $|\sphericalangle BCD| = 110^\circ$ ,  $|\sphericalangle CDA| = 90^\circ$  (див. малюнок).**



Wynika stąd, że miara  $\alpha$  kąta  $DAS$  jest równa

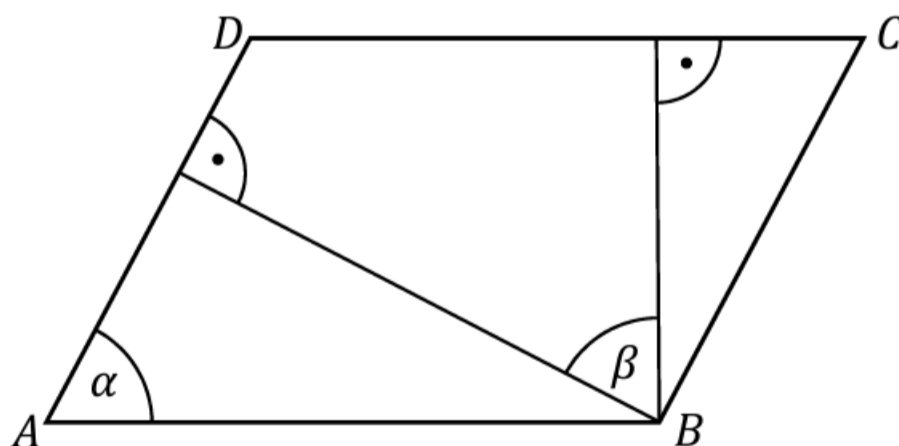
**Звідси випливає, що міра  $\alpha$  кута  $DAS$  дорівнює**

- A.  $25^\circ$                       B.  $30^\circ$                       C.  $35^\circ$                       D.  $40^\circ$

**Zadanie 22. (0–1)**

W równoległoboku  $ABCD$ , przedstawionym na rysunku, kąt  $\alpha$  ma miarę  $70^\circ$ .

**У паралелограмі  $ABCD$ , показаному на малюнку, кут  $\alpha$  дорівнює  $70^\circ$ .**



Wtedy kąt  $\beta$  ma miarę

**Тоді кут  $\beta$  має міру**

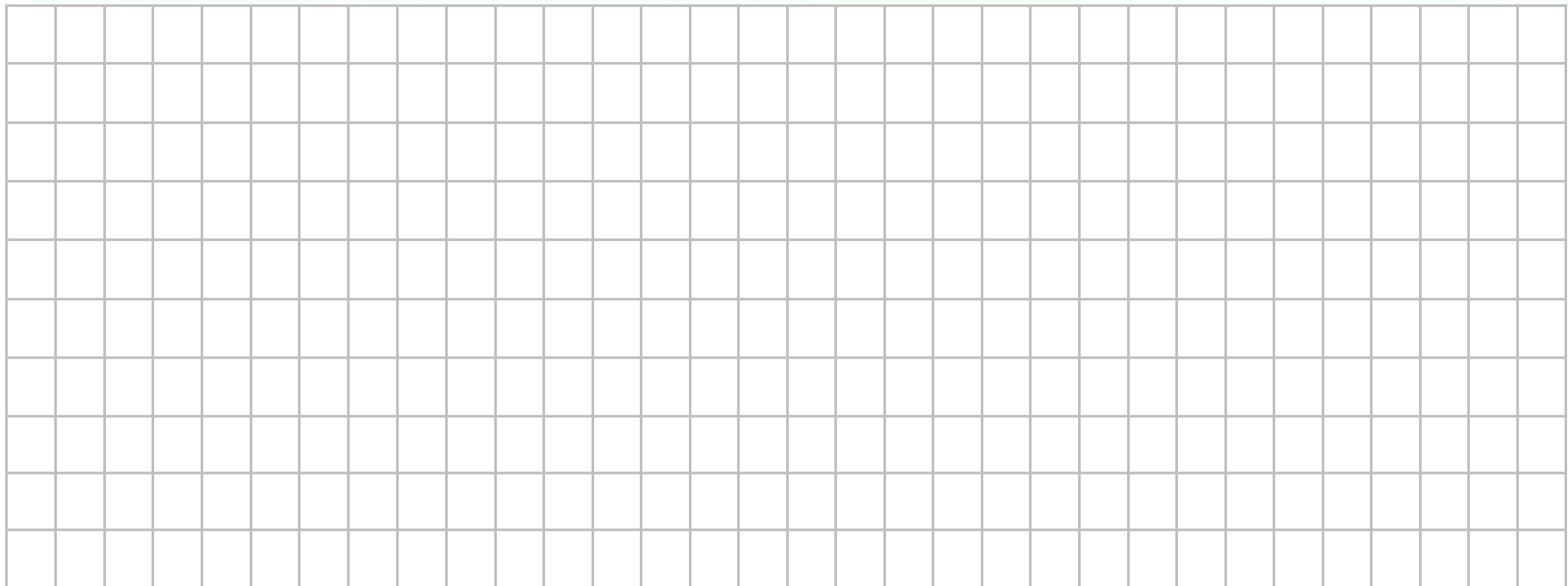
- A.  $80^\circ$                       B.  $70^\circ$                       C.  $60^\circ$                       D.  $50^\circ$

**Zadanie 23. (0–1)**

W każdym  $n$ -kącie wypukłym ( $n \geq 3$ ) liczba przekątnych jest równa  $\frac{n(n-3)}{2}$ . Wielokątem wypukłym, w którym liczba przekątnych jest o 25 większa od liczby boków, jest

**У кожному опуклому  $n$ -куті кількість ( $n \geq 3$ ) діагоналей дорівнює  $\frac{n(n-3)}{2}$ . Опуклий багатокутник, у якого кількість діагоналей на 25 більше за кількість сторін**





### Zadanie 24. (0–1)

Pole figury  $F$  złożonej z dwóch stycznych zewnętrznie kół o promieniach 1 i 3 jest równe polu figury  $F$  złożonej z dwóch stycznych zewnętrznie kół o promieniach długości  $r$  (zobacz rysunek).

**Площа фігури  $F$ , складеної з двох зовнішніх дотичних кіл радіусів 1 і 3, дорівнює площі фігури  $F$ , складеної з двох зовнішніх дотичних кіл радіусами довжини  $r$  (див. малюнок).**

Figura  $F_1$

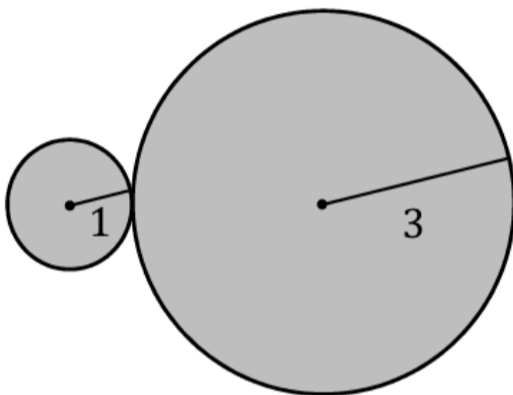
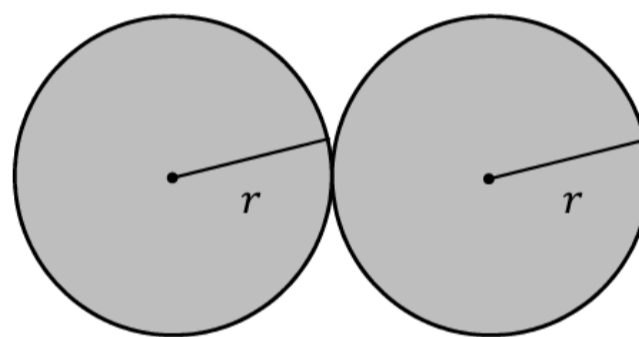


Figura  $F_2$



Długość  $r$  promienia jest równa

**Довжина  $r$  радіуса дорівнює**

A.  $\sqrt{3}$

B. 2

C.  $\sqrt{5}$

D. 3

### Zadanie 25. (0–1)

Punkt  $A = (3, -5)$  jest wierzchołkiem kwadratu  $ABCD$ , a punkt  $M = (1, 3)$  jest punktem przecięcia się przekątnych tego kwadratu. Wynika stąd, że pole kwadratu  $ABCD$  jest równe

**Точка  $A = (3, -5)$  є вершиною квадрата  $ABCD$ , а точка  $M = (1, 3)$  точкою перетину діагоналей квадрата. Звідси випливає, що площа квадрата  $ABCD$  дорівнює**

A. 68

B. 136

C.  $2\sqrt{34}$

D.  $8\sqrt{34}$

### Zadanie 26. (0–1)

Z wierzchołków sześcianu  $ABCDEFGH$  losujemy jednocześnie dwa różne wierzchołki. Prawdopodobieństwo tego, że wierzchołki te będą końcami przekątnej sześcianu  $ABCDEFGH$ , jest równe

**Ми маємо дві різні вершини одночасно з вершин куба  $ABCDEFGH$ . Імовірність того, що ці вершини будуть кінцями діагоналі куба  $ABCDEFGH$  дорівнює**

A.  $\frac{1}{7}$

B.  $\frac{4}{7}$

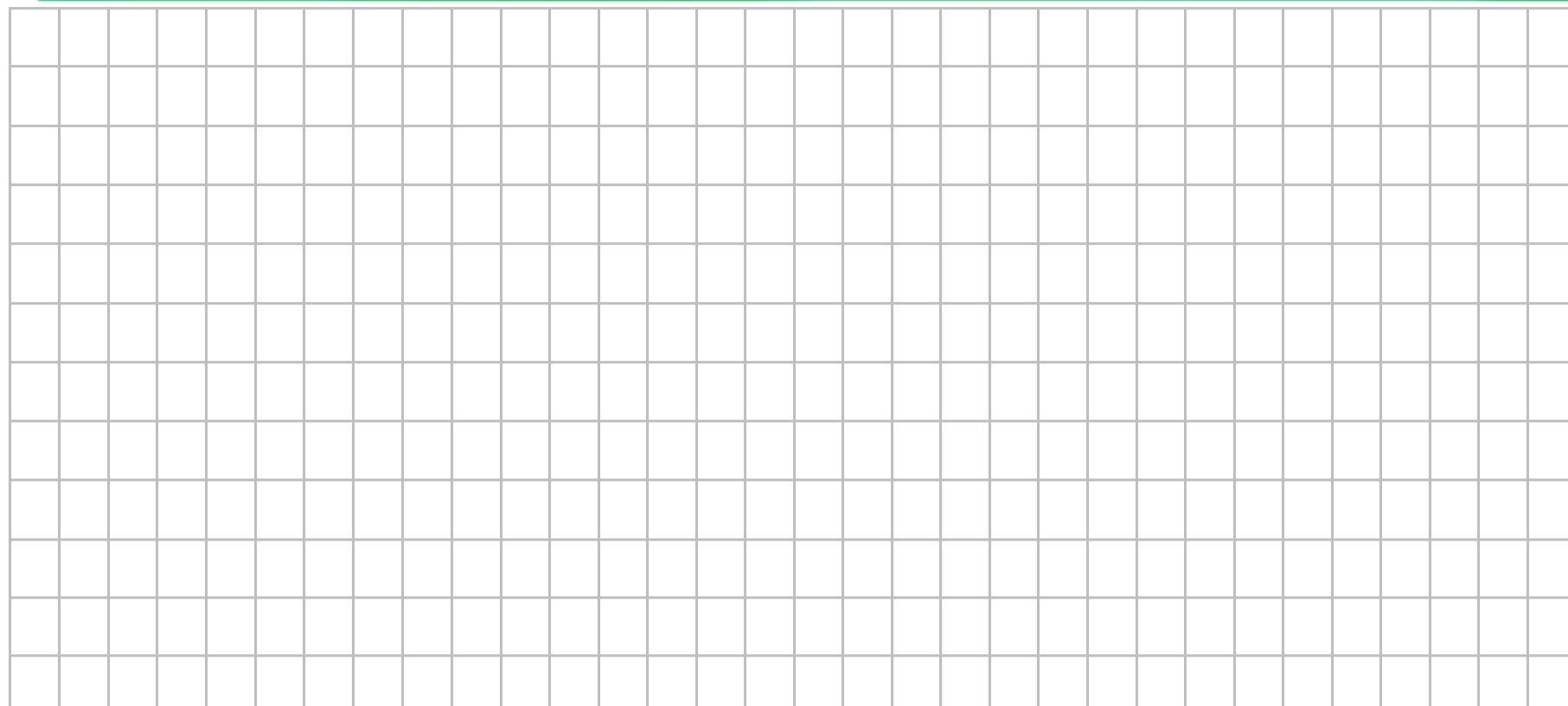
C.  $\frac{1}{14}$

D.  $\frac{3}{7}$

### Zadanie 27. (0–1)





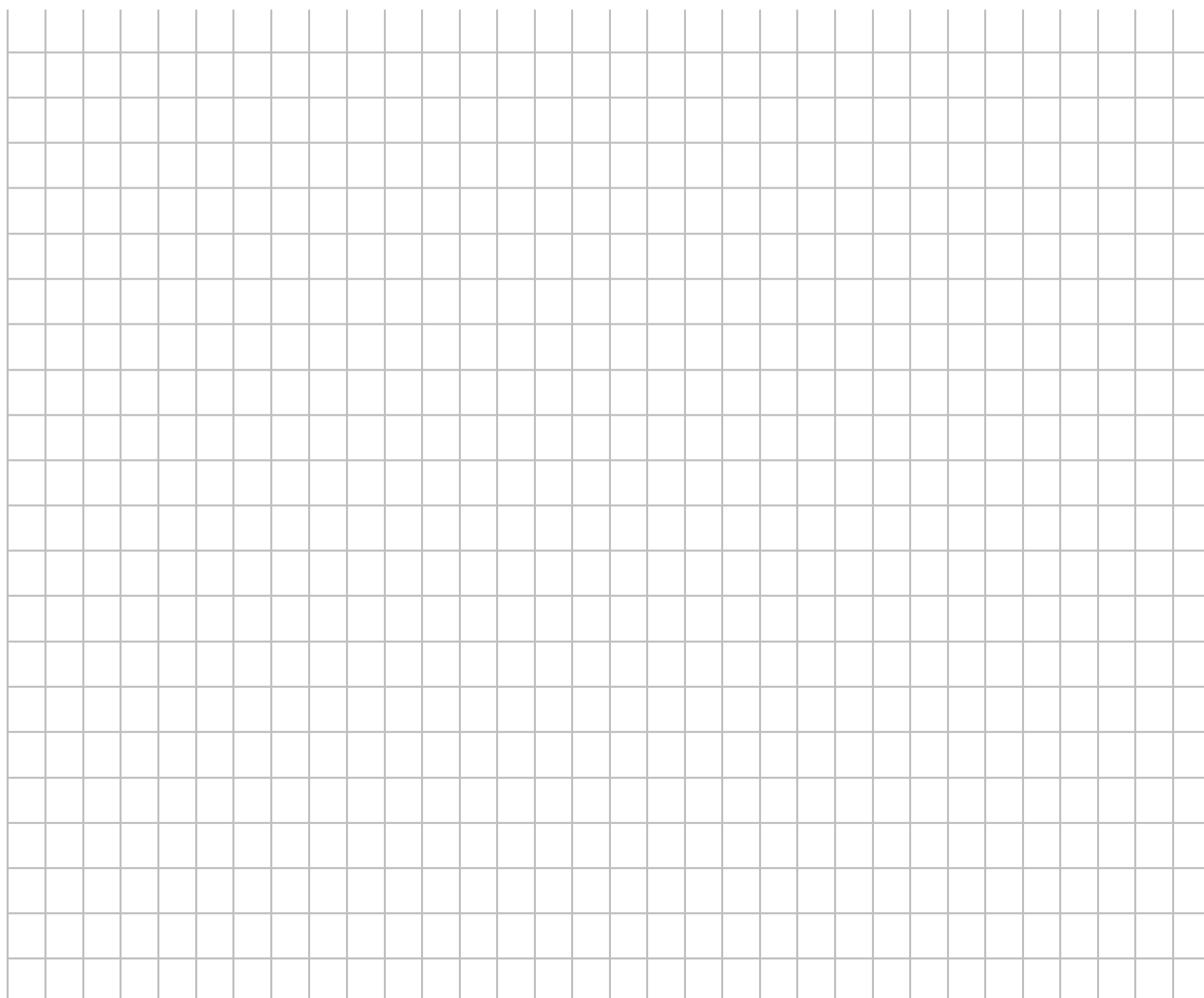


**Zadanie 29. (0–2)**

Rozwiąż nierówność:

**Розв'яжіть нерівність:**

$$x^2 - 5x \leq 14$$





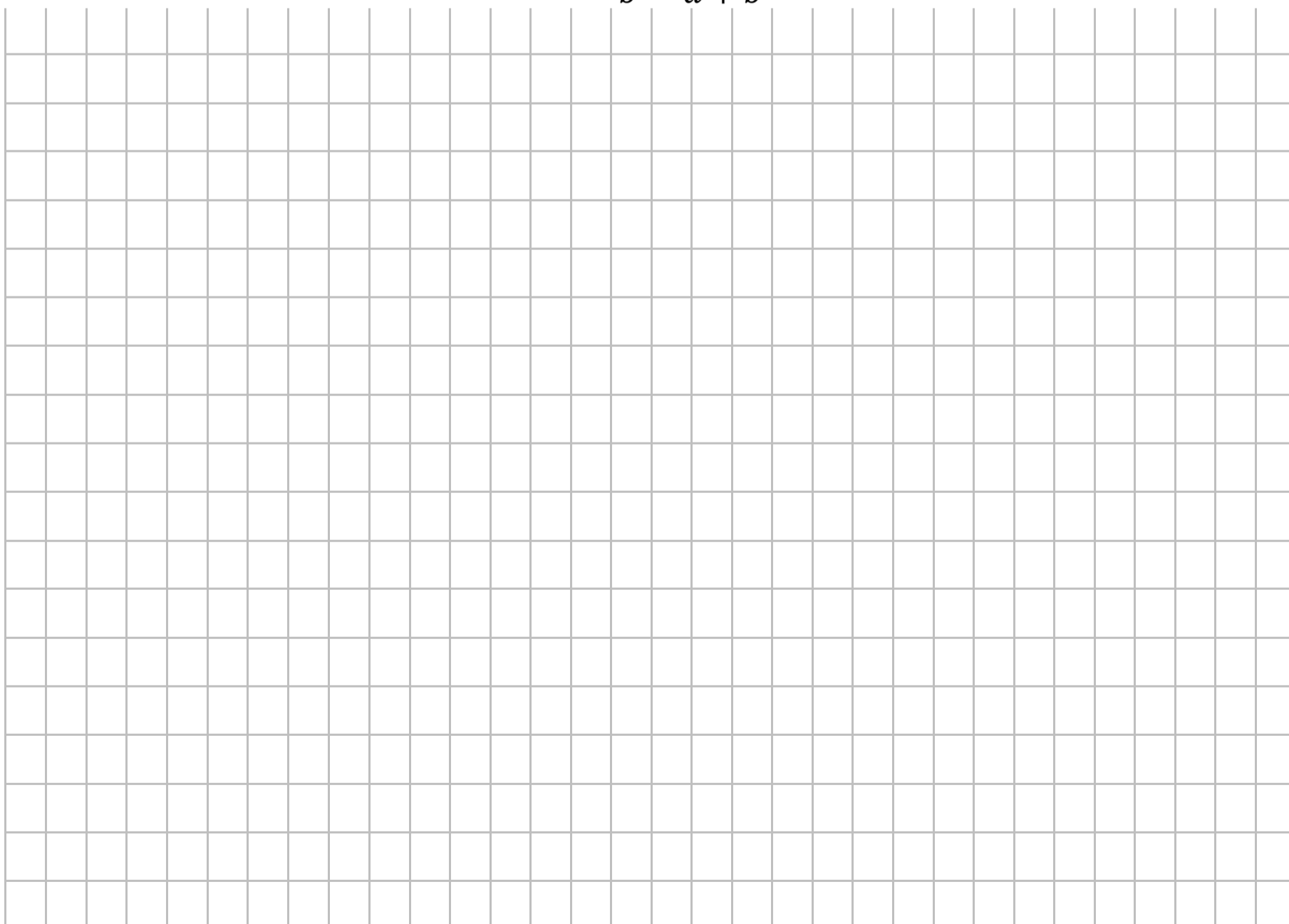
Odpowiedź (**Відповідь**): .....

**Zadanie 30. (0–2)**

Wykaż, że dla każdego trzech dodatnich liczb  $a$ ,  $b$  i  $c$  takich, że  $a < b$ , spełniona jest nierówność

**Доведіть, що для кожних трьох додатніх чисел  $a, b$  і  $c$  таких, що  $a < b$ , виконується нерівність**

$$\frac{a}{b} < \frac{a+c}{a+b}$$

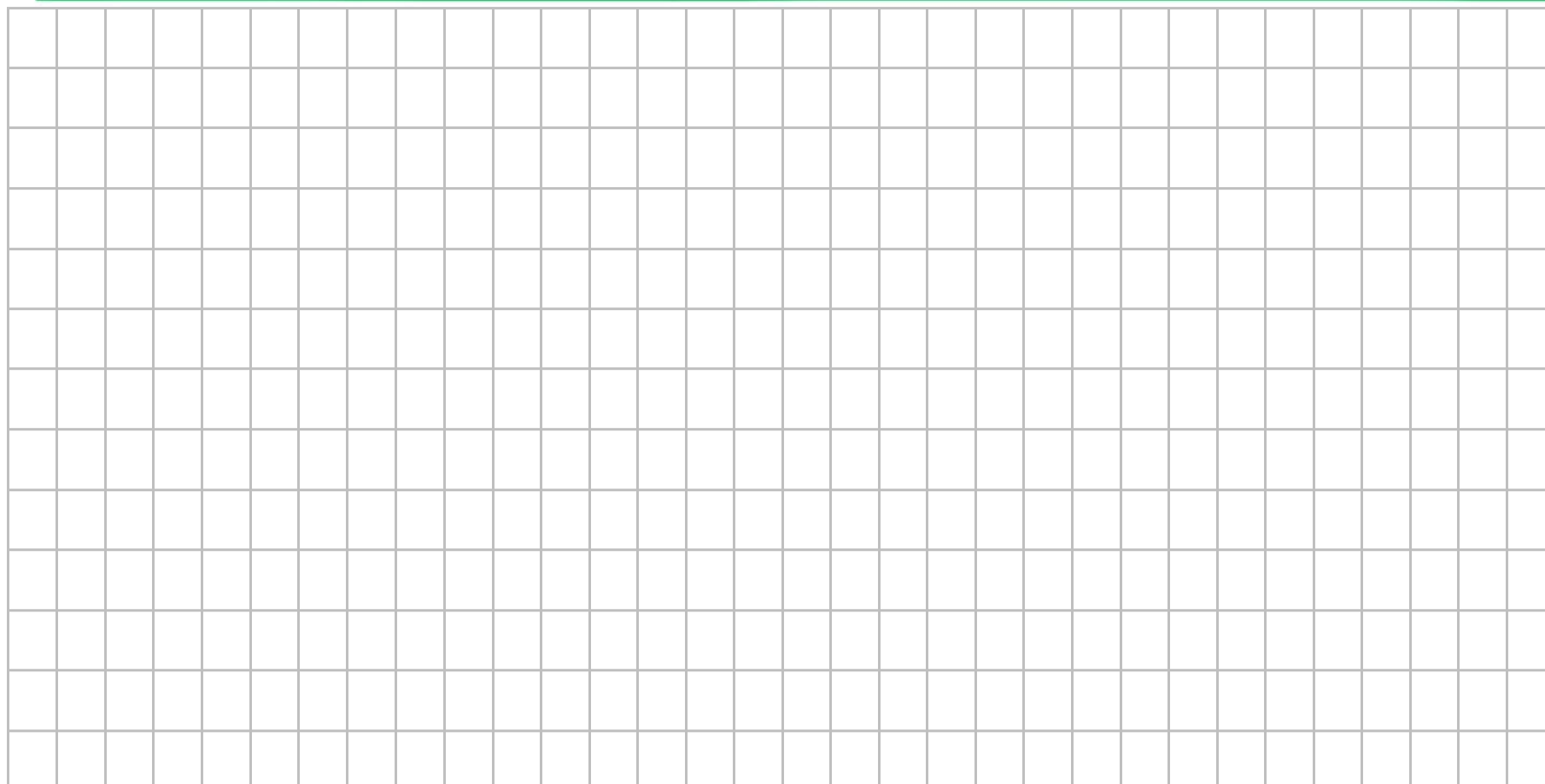












Wypełnia egzaminator Заповнюється екзаменатором	Nr. Zadania Номер завдання	33	34
	Maks. Liczba pkt Макс. кількість балів	2	2
	Uzyskane punkty Зароблені бал		

**Zadanie 35. (0–5)**

Punkty  $A = (-20, 12)$  i  $B = (7, 3)$  są wierzchołkami trójkąta równoramiennego  $ABC$ , w którym  $|AC| = |BC|$ . Wierzchołek  $C$  leży na osi  $Oy$  układu współrzędnych. Oblicz współrzędne wierzchołka  $C$  oraz obwód tego trójkąta.

**Точки  $A = (-20, 12)$  і  $B = (7, 3)$  є вершинами рівнобедреного трикутника  $ABC$ , де  $|AC| = |BC|$ . Вершина  $C$  лежить на осі  $Oy$  системи координат. Обчисліть координати вершини  $C$  та периметра трикутника.**

